

16. 函数  $y = \sin(x+3) + \sin(x-3)$  的最大值为

- A.  $2\cos 3$       B.  $-2\cos 3$       C.  $2\sin 3$       D.  $-2\sin 3$

17. 设集合  $M = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ ,  $N = \{x | x \leq 2\}$ , 则  $M \cap N =$

- A.  $\{x | 0 < x \leq 2\}$       B.  $\{-1, 0, 1\}$   
C.  $\{x | -1 < x < 2\}$       D.  $\{-2, -1, 0, 1, 2\}$

二、填空题: 18~21 小题, 每小题 4 分, 共 16 分。

18. 已知数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $\frac{3^n}{2}$ , 则  $a_3 = \underline{\hspace{2cm}}$ .

19. 函数  $f(x) = x^2 + bx + c$  的图像经过点  $(-1, 0), (3, 0)$ , 则  $f(x)$  的最小值为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

20. 已知曲线  $y = \ln x + a$  在点  $(1, a)$  处的切线过点  $(2, -1)$ , 则  $a = \underline{\hspace{2cm}}$ .

21. 某同学每次投篮命中的概率都是 0.6, 各次是否投中相互独立, 则该同学投篮 3 次恰有 2 次投中的概率是  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

三、解答题: 22~25 小题, 共 49 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

22. (12 分)

已知  $\{a_n\}$  是等差数列, 且  $a_2 = -2, a_4 = -1$ .

- (1) 求  $\{a_n\}$  的通项公式;  
(2) 求  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和  $S_n$ .

23. (12 分)

在  $\triangle ABC$  中,  $A = 30^\circ, AB = \sqrt{3}, BC = 1$ .

- (1) 求  $C$ ;  
(2) 求  $\triangle ABC$  的面积.

24. (12 分)

设函数  $f(x) = x^3 + x - 1$ .

- (1) 求  $f(x)$  的单调区间;  
(2) 求出一个区间  $(a, b)$ , 使得  $f(x)$  在区间  $(a, b)$  存在零点, 且  $b - a < 0.5$ .

25. (13 分)

已知椭圆  $E$  的中心在坐标原点  $O$ , 焦点在  $x$  轴上, 长轴长为 8, 焦距为  $2\sqrt{7}$ .

- (1) 求  $E$  的标准方程;  
(2) 若以  $O$  为圆心的圆与  $E$  交于四点, 且这四点为一个正方形的四个顶点, 求该圆的半径.